

TOPOGRAFIA

Modulo 1 : ELEMENTI DI TRIGONOMETRIA

Unità Didattica n° 1 : ANGOLI

Unità Didattica n° 2 : FUNZIONI TRIGONOMETRICHE

Unità Didattica n° 3 : Risoluzione di TRIANGOLI RETTANGOLI

Unità Didattica n° 4 : Risoluzione di TRIANGOLI GENERICI

Unità Didattica n° 5 : COORDINATE CARTESIANE e POLARI

Unità didattica 1 : ANGOLI

Definizione di angolo

Rappresentazione e descrizione di un angolo

Gli angoli in Topografia

Definizione di alcuni angoli

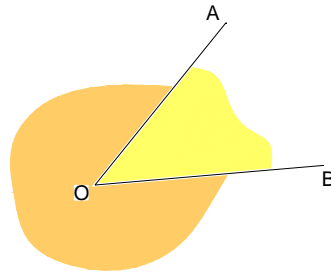
Angoli associati

Misura degli angoli

Conversioni angolari

Esercizi : operazioni con angoli sessagesimali
operazioni con angoli sessadecimali
conversioni angolari

Definizione di angolo

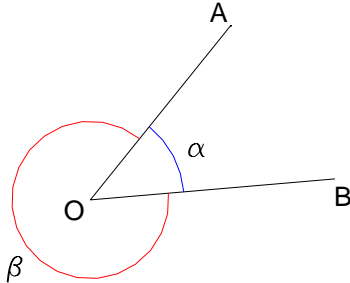


Si definisce **angolo** ciascuna delle due parti in cui un piano è diviso da due semirette aventi la stessa origine.

L'origine (punto O), comune alle due semirette si chiama **vertice**.

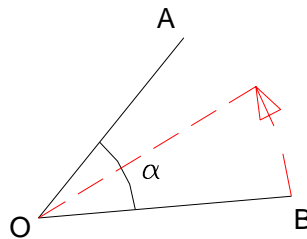
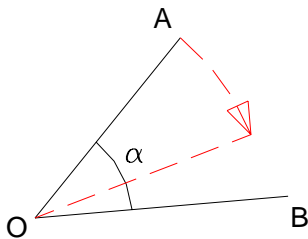
Le due semirette (AO e BO) si definiscono **lati**.

Rappresentazione e descrizione di un angolo



Normalmente un angolo viene indicato con un arco ed una lettera minuscola dell'alfabeto greco (a, b, g, \dots), oppure utilizzando le lettere A, O, B , secondo due diverse successioni AOB o BOA .

- Un angolo può essere immaginato anche come la porzione di piano descritta da una semiretta che da una posizione iniziale, ruotando attorno ad un punto, raggiunge un'altra posizione.
- Una semiretta, può ruotare attorno al vertice O in due versi (o sensi): in



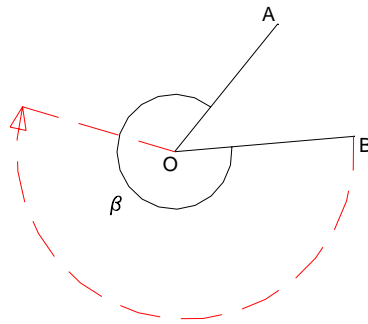
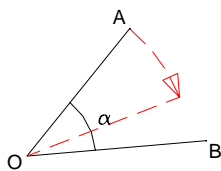
verso orario
(cioè nello
stesso verso
in cui
ruotano le
lancette

dell'orologio) o in verso antiorario (contrario al verso di rotazione delle lancette dell'orologio). A ciascuno dei due sensi si può attribuire un segno positivo o negativo.

Gli angoli in Topografia

In Topografia, si conviene che la rotazione positiva sia quella in senso orario (o destrorsa) e quindi la negativa sarà quella antioraria (o sinistrorsa).

Pertanto in Topografia, l'angolo α è anche indicato come AOB e l'angolo β è anche indicato come BOA. Con riferimento all'angolo AOB (α), le prime due



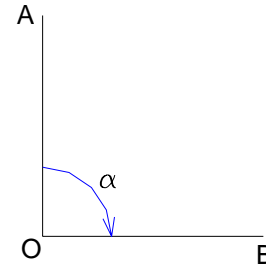
lettere (AO), rappresentano la semiretta in posizione iniziale, che ruotando attorno ad O, raggiunge la posizione OB.

Oppure si può pensare che

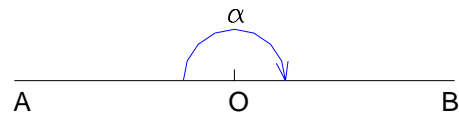
la prima lettera (A) indichi la posizione iniziale, la seconda lettera (O) rappresenta il vertice, la terza lettera (B) la posizione finale. Sempre ricordando di ruotare in senso orario.

Definizione di alcuni angoli

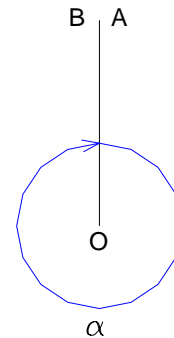
- Si definisce **angolo retto**, l'angolo formato da due rette tra loro ortogonali.



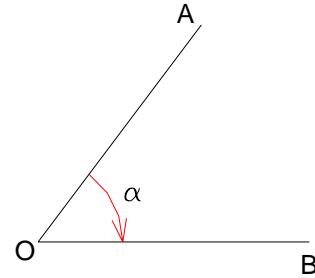
- Si definisce **angolo piatto**, l'angolo formato da due semirette che sono l'una sulla prosecuzione dell'altra.



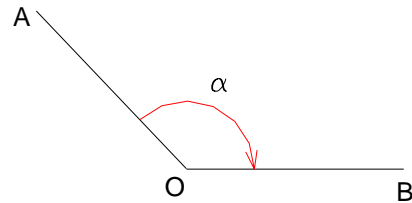
- Si definisce **angolo giro**, l'angolo formato da due semirette (AO e BO) sovrapposte, pensando ad una semiretta AO che compiendo un giro completo ritorni nella posizione iniziale.



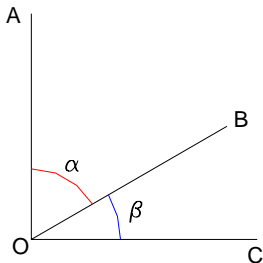
- Un angolo si dice **acuto** quando la sua ampiezza è minore di quella dell'angolo retto.



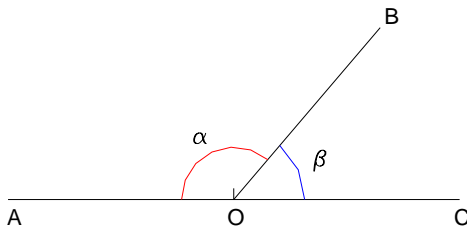
- Un angolo si dice **ottuso** quando la sua ampiezza è maggiore di quella dell'angolo retto.



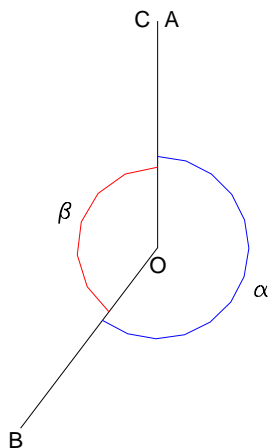
Angoli associati



Due **angoli** si definiscono **complementari** se la loro somma è uguale all'angolo retto.



Due **angoli** si definiscono **supplementari** se la loro somma è uguale all'angolo piatto.



Due **angoli** si definiscono **esplementari** se la loro somma è uguale all'angolo giro.

Misura degli angoli

Così come si misurano le lunghezze, le aree, i volumi, le temperature, ecc..., anche gli angoli possono essere misurati.

Ciò che si misura è l'ampiezza.

Per gli angoli possono essere usati diversi sistemi di misura, di seguito sono riportati i quattro più utilizzati:

Sistema SESSAGESIMALE

Sistema SESSADECIMALE

Sistema CENTESIMALE

Sistema ASSOLUTO

CONFRONTO tra i sistemi Sessagesimale e Sessadecimale

Valori di alcuni angoli

Sistema SESSAGESIMALE

L'*unità di misura* è il **grado sessagesimale** che rappresenta la trecentosessantesima parte dell'angolo giro e ha come simbolo un apice di forma circolare:

$$1^\circ = 1/360 \text{ angolo giro}$$

una frazione di grado è espressa da sottomultipli:

- *primo sessagesimale* = 1/60 del grado sessagesimale (cioè la sessantesima parte del grado sessagesimale), indicato con un apice (');
- *secondo sessagesimale* = 1/60 del primo sessagesimale (cioè la sessantesima parte del primo sessagesimale), indicato con un doppio apice (").

Pertanto $1^\circ = 60'$

$$1' = 60''$$

quindi $1^\circ = 3600''$

I sottomultipli dei secondi sono i decimi, i centesimi, i millesimi di secondo.

Un angolo a scritto nel sistema sessagesimale si presenta in questa forma:

$$a = 134^{\circ} 49' 52'',96$$

In questo tipo di scrittura, il numero che esprime i centesimi di secondo, può essere al massimo 99; per i primi ed i secondi il numero più grande può essere 59.

Quindi non è corretto scrivere un angolo

$$40^{\circ} 85' 77'',82$$

In questo caso, prima si sottraggono 60" dal totale 77", trasformandoli in un primo:

$$40^{\circ} 86' 17'',82$$

poi, analogamente si tolgono 60' trasformandoli in un grado:

$$41^{\circ} 26' 17'',82$$

Questa è la corretta scrittura.

Operazioni con angoli sessagesimali :

addizione

sottrazione

prodotto scalare

divisione scalare

[Torna a Misura degli angoli](#)

Operazioni con angoli sessagesimali

- Addizione :

si effettua separatamente per i secondi, i primi, i gradi:

$$\begin{array}{r} 71^{\circ} 34' 42",66 \\ + 40^{\circ} 47' 51",50 \\ \hline 111^{\circ} 81' 94",16 \end{array}$$

per quanto detto sopra, avremo:

$$112^{\circ} 22' 34",16$$

[Torna al Sistema Sessagesimale](#)

Operazioni con angoli sessagesimali

- Sottrazione :

si effettua separatamente per i secondi, i primi, i gradi, partendo dai secondi.

Esempio n° 1:

$$\begin{array}{r}
 94^{\circ} \quad 50' \quad 56",72 \\
 - 40^{\circ} \quad 47' \quad 51",50 \\
 \hline
 \phantom{94^{\circ}} \quad 05",22
 \end{array}$$

Prima si sottraggono i secondi

$$\begin{array}{r}
 94^{\circ} \quad 50' \quad 56",72 \\
 - 40^{\circ} \quad 47' \quad 51",50 \\
 \hline
 \phantom{94^{\circ}} \quad 03' \quad 05",22
 \end{array}$$

Poi si sottraggono i primi

$$\begin{array}{r}
 94^{\circ} \quad 50' \quad 56",72 \\
 - 40^{\circ} \quad 47' \quad 51",50 \\
 \hline
 54^{\circ} \quad 03' \quad 05",22
 \end{array}$$

Infine si sottraggono i gradi.
Abbiamo così ottenuto il risultato finale.

- Sottrazione :

si effettua separatamente per i secondi, i primi, i gradi, partendo dai secondi.

Esempio n° 2:

$$\begin{array}{r} 111^{\circ} \quad 14' \quad 47",10 \\ - 76^{\circ} \quad 27' \quad 49",22 \\ \hline \end{array}$$

Quando il numero dei secondi del sottraendo è minore di quello del sottratto, ad esso si sommano 60" e contemporaneamente si toglie un primo.

$$\begin{array}{r} 111^{\circ} \quad 13' \quad 107",10 \\ - 76^{\circ} \quad 27' \quad 49",22 \\ \hline \phantom{111^{\circ}} \quad 57",88 \end{array}$$

Quindi si sottraggono i secondi.

$$\begin{array}{r} 110^{\circ} \quad 73' \quad 107",10 \\ - 76^{\circ} \quad 27' \quad 49",22 \\ \hline \phantom{110^{\circ}} \quad 57",88 \end{array}$$

Si passa ora a sottrarre i primi. Dato che il numero dei primi del sottraendo è minore di quello del sottratto, ad esso si sommano 60' e contemporaneamente si toglie un grado.

$$\begin{array}{r} 110^{\circ} \quad 73' \quad 107",10 \\ - 76^{\circ} \quad 27' \quad 49",22 \\ \hline 34^{\circ} \quad 46' \quad 57",88 \end{array}$$

Quindi si sottraggono i primi e poi i gradi, ottenendo così il risultato finale.

[Torna al Sistema Sessagesimale](#)

Operazioni con angoli sessagesimali

- Prodotto scalare :

si moltiplicano separatamente per i secondi, i primi, i gradi.

Esempio :

$$(16^{\circ} \ 41' \ 35",7) \times 2 = 32^{\circ} \ 82' \ 71",4 = 33^{\circ} \ 23' \ 11",4$$

[Torna al Sistema Sessagesimale](#)

Sistema SESSADECIMALE

L'*unità di misura* è il **grado sessagesimale** che rappresenta la trecentosessantesima parte dell'angolo giro e ha come simbolo un apice di forma circolare (quindi lo stesso del sistema sessagesimale):

$$1^\circ = 1/360 \text{ angolo giro.}$$

La differenza con il sistema sessagesimale sta nella rappresentazione della frazione di grado, che è descritta con i decimi, i centesimi i millesimi ecc ... di secondo.

Un angolo in questo sistema avrà la forma:

$$b = 225^\circ,36725.$$

Le operazioni con questi angoli, sono le stesse che si fanno tra numeri scritti con il sistema decimale.

[Operazioni con angoli sessadecimali](#) (addizione, sottrazione, prodotto, divisione)

[Torna a Misura degli angoli](#)

Operazioni con angoli sessadecimali

- Addizione :

$$154^{\circ},54895 + 35^{\circ},65222 = 190^{\circ},20117$$

- Sottrazione :

$$154^{\circ},54895 - 35^{\circ},65222 = 118^{\circ},89673$$

- Prodotto :

$$44^{\circ},29892 \times 2 = 88^{\circ},59784$$

- divisione :

$$124^{\circ},98765 : 3 = 41^{\circ},66255$$

[Torna al Sistema Sessadecimale](#)

CONFRONTO

tra i sistemi

Sessagesimale e Sessadecimale

Il sistema **sessagesimale** è quello più antico ed usato tra tutti i sistemi di misura, per esprimere la misura di un angolo.

Il sistema **sessadecimale** è invece quello più semplice per effettuare calcoli, sia manualmente che con le calcolatrici tascabili.

Il sistema sessadecimale è quello che consapevolmente o inconsapevolmente utilizziamo disegnando un angolo con un goniometro a graduazione sessagesimale.

Prendiamo ad esempio un angolo

$$\alpha = 8^{\circ} 30'$$

che vogliamo disegnare con matita e goniometro.

Pensando che 30' sono la metà di quelli necessari a formare un grado, porteremo la punta della matita a metà dello spazio compreso tra 8° e 9°.

Porteremo cioè la matita su 8° e mezzo, o meglio 8°,5.

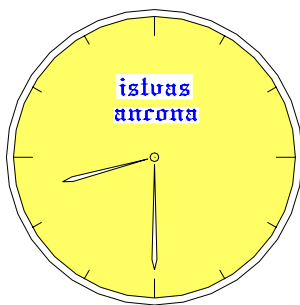
E' proprio quest'ultimo il valore dell'angolo espresso nel sistema sessadecimale.

In maniera semplice ed intuitiva, abbiamo operato una trasformazione dal sistema sessagesimale al sistema sessadecimale.

Ciò che abbiamo appena descritto, è analogo a ciò che facciamo guardando un orologio.

In certe posizioni delle lancette, abbiamo un doppio modo di leggere l'ora.

Esempio:



nell'orologio rappresentato, possiamo dire che sono le 8 e 30 minuti, che equivale a scrivere $8^h 30'$; oppure diciamo che sono le 8 e mezzo, che sarebbe come scrivere $8^h,5$. Proprio come abbiamo fatto precedentemente con l'angolo α .

Quindi se abbiamo un angolo $\gamma = 16^\circ 14' 20",3$ facendo un parallelo con la lettura con l'orologio è come se rappresentasse un orario di

16 ore 14 minuti 20,3 secondi

cioè circa le ore 16 ed un quarto.

Così ci aspettiamo che l'angolo γ nel sistema sessadecimale valga circa

$$\gamma \cong 16^\circ,25$$

Non sbaglieremmo di molto, perché il valore corretto è

$$\gamma = 16^\circ,23897.$$

Conversioni angolari

[Dal sistema sessagesimale al sistema sessadecimale](#)

[Dal sistema sessadecimale al sistema sessagesimale](#)

[Torna a Misura degli angoli](#)

Sistema CENTESIMALE

L'*unità di misura* è il **grado centesimale** o **gon** che rappresenta la quattrocentesima parte dell'angolo giro e può essere indicato in diversi modi :

- a) 1 gon
- b) 1^g
- c) 1^c (il meno usato)

$$1^g = 1/400 \text{ angolo giro}$$

Anche nel sistema centesimale, frazione di grado si può esprimere con sottomultipli:

- il *primo centesimale* = 1/100 del grado centesimale,
indicato nel modo b) con una (c), nel modo c) con una linietta (-)
- il *secondo centesimale* = 1/100 del primo centesimale,
indicato nel modo b) con (cc), nel modo c) con (=)

Utilizzando il modo b)

$$1^g = 100^c \text{ oppure } 100^c = 1^g$$

$$1^c = 100^{cc} \text{ oppure } 100^{cc} = 1^c$$

quindi un angolo espresso nel sistema centesimale, può essere scritto in varie forme. Tralasciando il modo c), si avrà ad esempio

$$104^g 75^c 84^{cc},18 = 104^g,758418 = 104,758418 \text{ gon}$$

Cioè nel sistema centesimale, l'angolo

$$\delta = 104^g,758418$$

si deve intendere come: "104 gon"

"75 primi centesimali"

"84,18 secondi centesimali"

Per meglio comprendere il passaggio da un tipo di scrittura ad un altro, prendiamo l'angolo precedente:

$$\delta = 104^g 75^c 84^{cc},18$$

Procediamo trasformando dapprima i secondi in primi e successivamente i primi in gradi centesimali:

- Si inizia dividendo $84^{cc},18$ per 100

$$84,18 : 100 = 0^c,8418$$

che rappresenta la frazione di primo centesimale equivalente a $84^{cc},18$.

- Sommiamo il risultato a 75^c .

$$0^c,8418 + 75^c = 75^c,8418$$

A questo punto della trasformazione il nostro angolo si può scrivere

$$g = 104^g 75^c,8418$$

- Ora dividiamo i primi per 100.

$$75^{\text{c}},8418 : 100 = 0^{\text{c}},758418$$

che rappresenta la frazione di grado centesimale equivalente a $75^{\text{c}},8418$.

- Sommiamo il valore ottenuto ai gradi ed otteniamo il risultato finale

$$0^{\text{c}},758418 + 104^{\text{g}} = 104^{\text{c}},758418$$

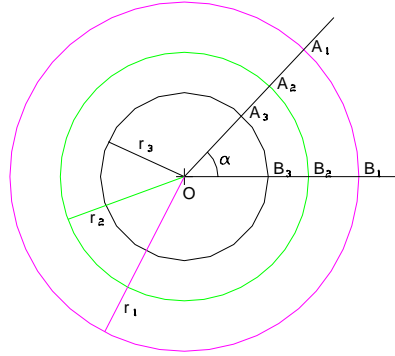
$$\delta = 104^{\text{g}},758418$$

N.B. : il sistema centesimale è quello maggiormente usato in Topografia, sia negli strumenti che nelle pratiche presentate ad uffici pubblici (Ufficio del Territorio).

[Torna a Misura degli angoli](#)

Sistema ASSOLUTO

Si considerino un certo numero di circonferenze concentriche rispetto ad un punto O.



Prendiamo due semirette uscenti dal punto O che formano un angolo α .
Dalla geometria sussiste l'uguaglianza :

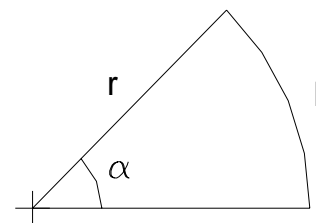
$$\frac{\overset{\frown}{A_1B_1}}{r_1} = \frac{\overset{\frown}{A_2B_2}}{r_2} = \frac{\overset{\frown}{A_3B_3}}{r_3}$$

Il valore costante dei rapporti viene preso per misurare l'angolo α .

Più semplicemente indicando con " l " la
lunghezza di un arco, con " r " il suo raggio e con
 α l'angolo al centro

Si può scrivere in generale

$$\frac{l}{r} = \alpha^{\text{rad}}$$

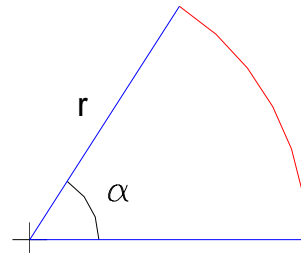


Cioè il rapporto l/r esprime il valore dell'angolo in una unità di misura detta radiante.

Il radiante è l'unità di misura del sistema assoluto e viene definito come l'angolo al centro di una circonferenza di raggio qualsiasi che sottende un arco di lunghezza pari al raggio.

In altre parole : se l'arco " l " è uguale ad " r ", l'angolo α ha una ampiezza pari ad un radiante :

$$l = r \Rightarrow \alpha = 1 \text{ rad}$$



I sottomultipli del radiante sono i decimi, i centesimi, i millesimi . . . di radiante, quindi un angolo nel sistema assoluto può essere scritto semplicemente

$$\alpha = 1,37485 \text{ rad}$$

oppure

$$\alpha = 1^r,37485$$

In un angolo giro ci sono 2π radianti.

NOTA.

Dalla relazione
$$\frac{l}{r} = \alpha^{\text{rad}}$$

si ricava
$$l = \alpha^{\text{rad}} \times r .$$

Ora pensando ad un arco lungo quanto l'intera circonferenza (indicata con c),

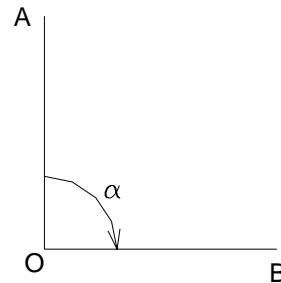
si ottiene
$$c = 2\pi \times r$$

formula nota proprio per calcolare la lunghezza della circonferenza.

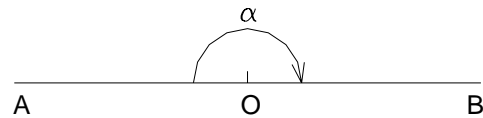
[Torna a Misura degli angoli](#)

Valori di alcuni angoli nei diversi sistemi di misura

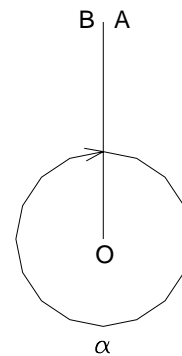
- **angolo retto** : 90°
 100^g
 $\pi / 2$ rad



- **angolo piatto** : 180°
 200^g
 π rad



- **angolo giro** : 360°
 400^g
 2π rad



[Torna a Misura degli angoli](#)

CONVERSIONI ANGOLARI

- Impostazione generale del problema
- *Esempi numerici svolti:*
 - Dal sistema sessagesimale al sistema centesimale
 - Dal sistema centesimale al sistema sessagesimale
 - Dal sistema sessagesimale al sistema assoluto
 - Dal sistema assoluto al sistema sessagesimale
 - Dal sistema centesimale al sistema assoluto
 - Dal sistema assoluto al sistema centesimale

 - Dal sistema sessagesimale al sistema sessadecimale
 - Dal sistema sessadecimale al sistema sessagesimale
- *Esercizi* : operazioni con angoli sessagesimali
operazioni con angoli sessadecimali
conversioni angolari

Conversioni angolari

Impostazione generale del problema

Il rapporto tra due angoli rimane costante indipendentemente dal sistema di misura adottato.

Quindi se pensiamo ad un generico angolo α ed all'angolo piatto, si può scrivere :

$$\frac{\alpha}{\text{angolo piatto}} = \frac{\alpha^{\circ}}{180^{\circ}} = \frac{\alpha^g}{200^g} = \frac{\alpha^r}{\pi \text{ rad}}$$

Quindi quando è necessario convertire un angolo da un sistema ad un altro, è sufficiente prendere l'uguaglianza tra i due rapporti corrispondenti ai sistemi di misura.

Se ad esempio devo trasformare un angolo dal sistema assoluto al sistema centesimale, si partirà da

$$\frac{\alpha^g}{200^g} = \frac{\alpha^r}{\pi \text{ rad}}$$

da cui

$$\alpha^g = \frac{\alpha^r \times 200^g}{\pi \text{ rad}}$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Conversioni angolari

Dal sistema Sessagesimale al sistema Sessadecimale

Trasformare l'angolo $\alpha = 16^\circ 14' 20'',3$ nel sistema sessadecimale.

- Si inizia dividendo $20'',3$ per 60

$$20,3 : 60 = 0',33833$$

che rappresenta la frazione di primo equivalente a $20'',3$.

- Sommiamo il risultato a $14'$.

$$0',33833 + 14' = 14',33833$$

A questo punto della trasformazione il nostro angolo si può scrivere

$$\alpha = 16^\circ 14',33833$$

- Ora dividiamo i primi per 60.

$$14',33833 : 60 = 0^\circ,23897$$

che rappresenta la frazione di grado equivalente a $14',33833$.

- Sommiamo il valore ottenuto ai gradi ed otteniamo il risultato finale

$$0^\circ,23897 + 16^\circ = 16^\circ,23897$$

$$\alpha = 16^\circ,23897$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Conversioni angolari

Dal sistema Sessadecimale al sistema Sessagesimale

Trasformare l'angolo $b = 73^{\circ},53896$ nel sistema sessagesimale.

- Si inizia conservando inalterata la parte intera dell'angolo, cioè il **73°** .

- La parte dell'angolo rimanente, cioè

$$73^{\circ},53896 - 73 = 0^{\circ},53896$$

la si moltiplica per 60

$$0^{\circ},53896 \times 60 = 32',3376$$

che rappresentano i primi equivalenti a $0^{\circ},53896$.

- Si conserva inalterata la parte intera dei primi, cioè **$32'$** .

- La parte rimanente dei primi, cioè

$$32',3376 - 32' = 0',3376$$

la si moltiplica per 60

$$0',3376 \times 60 = \mathbf{20'',26}$$

che rappresentano i secondi equivalenti a $0',3376$.

Il valore finale dell'angolo espresso nel sistema sessagesimale cercato, sarà

$$\mathbf{b = 73^{\circ} 32' 20'',26}$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Conversioni angolari

Dal sistema sessagesimale al sistema centesimale

Trasformare l'angolo $\alpha = 16^\circ 14' 20",3$ nel sistema centesimale.

Ricordando quanto detto nella [impostazione generale del problema](#), possiamo scrivere

$$\frac{\alpha^\circ}{180^\circ} = \frac{\alpha^g}{200^g}$$

da cui si ricava α^g che rappresenta il valore dell'angolo nel sistema centesimale

$$\alpha^g = \alpha^\circ \frac{200^g}{180^\circ}$$

Che semplificando (dividendo sia il numeratore che il denominatore) per 20, si ottiene

$$\alpha^g = \alpha^\circ \frac{10^g}{9^\circ}$$

Ci aspettiamo quindi di trovare il valore centesimale più grande, più grande di poco più del 10%.

Prima di sostituire α° , dato che i nostri calcoli (prodotti e divisioni) si eseguono nel sistema decimale, si dovrà trasformare il suo valore [dal sistema sessagesimale al sistema sessadecimale](#) :

$$\alpha = 16^\circ 14' 20",3 = 16^\circ,23897$$

Quindi

$$\alpha^g = 16^\circ,23897 \frac{10^g}{9^\circ} = 18^g, 04330$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Conversioni angolari

Dal sistema centesimale al sistema sessagesimale

Trasformare l'angolo $\beta = 47^g, 07538$ nel sistema sessagesimale.

Ricordando quanto detto nella [impostazione generale del problema](#), possiamo scrivere

$$\frac{\beta^\circ}{180^\circ} = \frac{\beta^g}{200^g}$$

da cui si ricava β° che rappresenta il valore dell'angolo nel sistema sessagesimale (o sessadecimale)

$$\beta^\circ = \beta^g \frac{180^\circ}{200^g}$$

Che semplificando (dividendo sia il numeratore che il denominatore) per 20, si ottiene

$$\beta^\circ = \beta^g \frac{10^g}{9^\circ} = 0,9 \times \beta^g$$

Ci aspettiamo quindi di trovare il valore sessagesimale (o sessadecimale) più piccolo del 10%.

Sostituendo e sviluppando il calcolo

$$\beta^\circ = 0,9 \times 47,07538 = 42^\circ, 367842$$

Il risultato ottenuto è un numero nel sistema decimale, rappresenta cioè l'angolo nel sistema *sessadecimale*.

Per arrivare al valore nel sistema sessagesimale, sarà necessaria la conversione [dal sistema sessadecimale al sistema sessagesimale](#).

Il risultato finale sarà

$$\beta = 42^\circ 22' 04",23.$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Conversioni angolari

Dal sistema sessagesimale al sistema assoluto

Trasformare l'angolo $\alpha = 16^\circ 14' 20'',3$ nel sistema centesimale.

Ricordando quanto detto nella [impostazione generale del problema](#), possiamo scrivere

$$\frac{\alpha^\circ}{180^\circ} = \frac{\alpha^r}{\pi \text{ rad}}$$

da cui si ricava α^r che rappresenta il valore dell'angolo nel sistema centesimale

$$\alpha^r = \alpha^\circ \frac{\pi \text{ rad}}{180^\circ}$$

Prima di sostituire α° , dato che i nostri calcoli (prodotti e divisioni) si eseguono nel sistema decimale, si dovrà trasformare il suo valore [dal sistema sessagesimale al sistema sessadecimale](#) :

$$\alpha = 16^\circ 14' 20'',3 = 16^\circ,23897$$

Quindi

$$\alpha^g = 16^\circ,23897 \frac{\pi \text{ rad}}{180^\circ} = 0,28342 \text{ rad}$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Conversioni angolari

Dal sistema assoluto al sistema sessagesimale

Trasformare l'angolo $\gamma = 1,89265$ rad nel sistema sessagesimale.

Ricordando quanto detto nella [impostazione generale del problema](#), possiamo scrivere

$$\frac{\gamma^{\circ}}{180^{\circ}} = \frac{\gamma^r}{\pi \text{ rad}}$$

da cui si ricava γ° che rappresenta il valore dell'angolo nel sistema sessagesimale (o sessadecimale)

$$\gamma^{\circ} = \gamma^r \frac{180^{\circ}}{\pi \text{ rad}}$$

Sostituendo e sviluppando il calcolo

$$\gamma^{\circ} = 1,89265 \text{ rad} \times \frac{180^{\circ}}{\pi \text{ rad}} = 108^{\circ},44086$$

Il risultato ottenuto è un numero nel sistema decimale, rappresenta cioè l'angolo nel sistema *sessadecimale*.

Per arrivare al valore nel sistema sessagesimale, sarà necessaria la conversione [dal sistema sessadecimale al sistema sessagesimale](#).

Il risultato finale sarà

$$\gamma = 108^{\circ} 26' 27'',09.$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Conversioni angolari

Dal sistema centesimale al sistema assoluto

Trasformare l'angolo $\beta = 47^g, 07538$ nel sistema assoluto.

Ricordando quanto detto nella [impostazione generale del problema](#), possiamo scrivere

$$\frac{\beta^g}{200^g} = \frac{\beta^r}{\pi \text{ rad}}$$

da cui si ricava β^r che rappresenta il valore dell'angolo nel sistema assoluto

$$\beta^r = \beta^g \frac{\pi \text{ rad}}{200^g}$$

Sostituendo e sviluppando il calcolo

$$\beta^r = 47^g, 07538 \times \frac{\pi \text{ rad}}{200^g} = 0,73946 \text{ rad}$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Conversioni angolari

Dal sistema assoluto al sistema centesimale

Trasformare l'angolo $\gamma = 1,89265$ rad nel sistema centesimale.

Ricordando quanto detto nella [impostazione generale del problema](#), possiamo scrivere

$$\frac{\gamma^g}{200^g} = \frac{\gamma^r}{\pi \text{ rad}}$$

da cui si ricava γ^g che rappresenta il valore dell'angolo nel sistema centesimale

$$\gamma^g = \gamma^r \frac{200^g}{\pi \text{ rad}}$$

Sostituendo e sviluppando il calcolo

$$\gamma^g = 1,89265 \text{ rad} \times \frac{200^g}{\pi \text{ rad}} = 120^g,48984$$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Esercizi

Operazioni con angoli sessagesimali

- 1 . Dati degli angoli espressi nel sistema sessagesimale, eseguire le seguenti operazioni:

$$\alpha = 78^{\circ} 29' 58'',3 + 36^{\circ} 15' 27'',8 \qquad \beta = 152^{\circ} 35' 44'',4 + 41^{\circ} 25' 18'',1$$

$$\gamma = 214^{\circ} 12' 55'',1 - 111^{\circ} 41' 37'',6 \qquad \delta = 101^{\circ} 06' 00'',3 - 61^{\circ} 55' 33'',9$$

$$\varepsilon = 166^{\circ} 24' 55'',2 : 3 \qquad \varphi = 95^{\circ} 44' 09'',4 : 4$$

$$\eta = 84^{\circ} 33' 06'',1 \times 2 \qquad \lambda = 101^{\circ} 06' 00'',3 \times 3$$

Risultati : $\alpha = 114^{\circ} 45' 26'',1$ $\beta = 194^{\circ} 01' 02'',4$ $\gamma = 102^{\circ} 31' 17'',5$ $\delta = 39^{\circ} 10' 26'',4$
 $\varepsilon = 55^{\circ} 28' 18'',4$ $\varphi = 95^{\circ} 44' 09'',4$ $\eta = 169^{\circ} 06' 12'',2$ $\lambda = 303^{\circ} 18' 00'',3$

Operazioni con angoli sessadecimali

- 2 . Dati degli angoli espressi nel sistema sessadecimale, eseguire le seguenti operazioni:

$$\alpha = 16^{\circ}, 24984 + 22^{\circ}, 66554 \qquad \beta = 53^{\circ}, 86248 + 15^{\circ}, 96321$$

$$\gamma = 75^{\circ} 32147 - 45^{\circ}, 69832 \qquad \delta = 65^{\circ}, 47812 - 25^{\circ}, 87496$$

$$\varepsilon = 95^{\circ}, 12347 : 2 \qquad \varphi = 55^{\circ}, 44882 : 3$$

$$\eta = 33^{\circ}, 12345 \times 4 \qquad \lambda = 44^{\circ}, 98765 \times 2$$

Risultati : $\alpha = 38^{\circ},91538$ $\beta = 69^{\circ},82569$ $\gamma = 39^{\circ},62315$ $\delta = 39^{\circ},60316$
 $\varepsilon = 47^{\circ},561735$ $\varphi = 18^{\circ},48294$ $\eta = 132^{\circ},49380$ $\lambda = 89^{\circ},97530$

[Torna a Conversioni Angolari](#)

Esercizi

Conversioni angolari

3. Trasformare i seguenti angoli dalla graduazione sessagesimale alla sessadecimale:

$$\alpha = 78^{\circ} 29' 58",3$$

$$\beta = 152^{\circ} 35' 44",4$$

$$\gamma = 214^{\circ} 12' 55",1$$

$$\delta = 101^{\circ} 06' 00",3$$

Risultati : $\alpha = 78^{\circ}, 49953$ $\beta = 152^{\circ}, 59567$ $\gamma = 214^{\circ}, 21531$ $\delta = 101^{\circ}, 10008$

4. Trasformare i seguenti angoli dalla graduazione sessadecimale alla sessagesimale:

$$\varepsilon = 95^{\circ}, 12347$$

$$\varphi = 55^{\circ}, 44882$$

$$\eta = 33^{\circ}, 12345$$

$$\lambda = 44^{\circ}, 98765$$

Risultati : $\varepsilon = 95^{\circ} 07' 24",5$ $\varphi = 55^{\circ} 26' 55",8$ $\eta = 33^{\circ} 07' 24",4$ $\lambda = 44^{\circ} 59' 15",5$

5. Trasformare i seguenti angoli dalla graduazione sessagesimale alla centesimale:

$$\alpha = 78^{\circ} 29' 58",3$$

$$\beta = 152^{\circ} 35' 44",4$$

$$\gamma = 214^{\circ} 12' 55",1$$

$$\delta = 101^{\circ} 06' 00",3$$

Risultati : $\alpha = 87^{\circ}, 22170$ $\beta = 169^{\circ}, 55074$ $\gamma = 238^{\circ}, 01701$ $\delta = 112^{\circ}, 33343$

6. Trasformare i seguenti angoli dalla graduazione centesimale alla sessagesimale:

$$\varepsilon = 357^{\circ}, 65891$$

$$\varphi = 56^{\circ}, 89557$$

$$\eta = 21^{\circ}, 68330$$

$$\lambda = 14^{\circ}, 00011$$

Risultati : $\varepsilon = 321^{\circ} 53' 34",9$ $\varphi = 51^{\circ} 12' 21",7$ $\eta = 19^{\circ} 30' 53",9$ $\lambda = 412^{\circ} 36' 00",4$

7. Trasformare i seguenti angoli dalla graduazione sessagesimale al sistema assoluto:

$$\alpha = 78^{\circ} 29' 58",3$$

$$\beta = 180^{\circ} 00' 00",0$$

$$\gamma = 214^{\circ} 12' 55",1$$

$$\delta = 360^{\circ} 00' 00",0$$

Risultati : $\alpha = 1,37008$ rad $\beta = 3,14159$ rad $\gamma = 3,73876$ rad $\delta = 6,28319$ rad

8. Trasformare i seguenti angoli dal sistema assoluto alla graduazione sessagesimale:

$$\varepsilon = 2,54890$$
 rad

$$\varphi = 1,00000$$
 rad

$$\eta = 5,19922$$
 rad

$$\lambda = 3,11103$$
 rad

Risultati : $\varepsilon = 146^{\circ} 02' 28",4$ $\varphi = 57^{\circ} 17' 44",8$ $\eta = 297^{\circ} 53' 36",1$ $\lambda = 178^{\circ} 14' 56",0$

9. Trasformare i seguenti angoli dalla graduazione centesimale al sistema assoluto:

$$\alpha = 257^{\text{g}},65891$$

$$\beta = 156^{\text{g}},89557$$

$$\gamma = 21^{\text{g}},68330$$

$$\delta = 389^{\text{g}},06500$$

Risultati : $\alpha = 4,04730$ rad $\beta = 2,46451$ rad $\gamma = 0,34060$ rad $\delta = 6,11142$ rad

10. Trasformare i seguenti angoli dal sistema assoluto alla graduazione centesimale:

$$\varepsilon = 2,54890$$
 rad

$$\varphi = 1,00000$$
 rad

$$\eta = 4,22299$$
 rad

$$\lambda = 0,33301$$
 rad

Risultati : $\varepsilon = 162^{\text{g}},26801$ $\varphi = 63^{\text{g}},66198$ $\eta = 268^{\text{g}},84389$ $\lambda = 21^{\text{g}},20008$

[Torna a Conversioni Angolar](#)